

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Уральский федеральный университет имени первого Президента России Б.Н. Ельцина»

Институт естественных наук и математики



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**  
**ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ИНФОРМАТИКА, КИБЕРНЕТИКА**

Перечень сведений о рабочей программе дисциплины	Учетные данные
<b>Программа аспирантуры</b> Теоретическая информатика, кибернетика	<b>Код ПА</b> 1.2.3.
<b>Группа специальностей</b> Компьютерные науки и информатика	<b>Код</b> 1.2.
<b>Федеральные государственные требования (ФГТ)</b>	Приказ Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 20 октября 2021 г. № 951
<b>Самостоятельно утвержденные требования (СУТ)</b>	Приказ «О введении в действие «Требований к разработке и реализации программ подготовки научных и научно-педагогических кадров в аспирантуре УрФУ» №315/03 от 31.03.2022

Екатеринбург  
2022 г.

Рабочая программа дисциплины составлена авторами:

№ п/п	ФИО	Ученая степень, ученое звание	Должность	Структурное подразделение
1	Волков Михаил Владимирович	д. ф.-м. н., профессор	Заведующий кафедрой	Кафедра алгебры и фундаментальной информатики Института естественных наук и математики
2	Косолобов Дмитрий Александрович	к. ф.-м. н.	Доцент	Кафедра алгебры и фундаментальной информатики Института естественных наук и математики

Рекомендовано:

**Учебно-методическим советом института естественных наук и математики**

Председатель учебно-методического совета ИЕНИМ  
Протокол № 5 от 17.05.2022 г.



Е.С. Буянова

Согласовано:

Начальник ОПНПК



Е.А. Бутрина

# **1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА ДИСЦИПЛИНЫ ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ИНФОРМАТИКА, КИБЕРНЕТИКА**

## **1.1. Аннотация содержания дисциплины**

В дисциплине «Теоретическая информатика, кибернетика» изучаются теоретические подходы к анализу эффективности алгоритмов и моделей вычислителей. Рассматриваются базовые и продвинутые алгоритмы, нестандартные классы сложности алгоритмов, методы оценки времени выполнения и потребляемой памяти в рамках различных моделей. Особое внимание уделено способности разрабатывать теоретически эффективные решения и анализировать временную сложность алгоритмов, в соответствии с современным состоянием знаний в данной области. Даётся обзор основных математических методов, используемых при анализе сложности вычислений. В рамках данной дисциплины даётся общее представление понятия алгоритм. Рассматриваются основные принципы построения моделей вычислителей и новейшие тенденции в теоретической информатике.

Для усвоения дисциплины «Теоретические основы информатики» обучаемый должен обладать базовой математической подготовкой и компетенциями специалиста или магистра.

## **1.2. Язык реализации дисциплины - русский**

## **1.3. Планируемые результаты обучения по дисциплине**

Дисциплина «Теоретическая информатика, кибернетика» относится к базовой части программы аспирантуры, направлена на подготовку к сдаче кандидатского минимума.

В результате освоения дисциплины аспирант должен:

### **Знать:**

- основные модели вычислителей, использующиеся при анализе алгоритмов;
- основные классы сложности алгоритмов;
- базовые алгоритмы в модели памяти с произвольным доступом;
- теоретические подходы к анализу времени выполнения и потребляемой памяти;
- принципы разработки алгоритмов в памяти с произвольным доступом;
- новейшие тенденции в теоретической информатике.

### **Уметь:**

- разрабатывать и применять эффективные алгоритмы для решения задач;
- анализировать существующие программные решения;
- эффективно использовать на практике теоретические компоненты науки: понятия, суждения, умозаключения, законы;
- представить панораму моделей вычислителей и методов анализа эффективности;
- использовать современные подходы к анализу алгоритмов и структур данных;
- понимать границы применимости моделей вычислителей на практике;
- выбирать эффективные методы, подходящие для решения той или иной задачи

### **Владеть (демонстрировать навыки и опыт деятельности):**

- навыками работы с научной литературой и базами данных с целью определения направления исследования и решения специализированных задач;
- методикой планирования, постановки и обработки результатов численного эксперимента;
- методикой разработки доказательно эффективных алгоритмических решений;
- применением моделей вычислителей для теоретического анализа эффективности программных и аппаратных решений;

- понятиями теории сложности;
- понятиями асимптотической оценки времени работы и потребляемой памяти;
- основной терминологией теории сложности;
- основной терминологией императивного программирования;
- основными алгоритмами на графах, методами сортировки, поиска и решения труднорешаемых с точки зрения теории сложности задач;
- методологией вероятностного анализа эффективности алгоритмов.

#### 1.4. Объем дисциплины

№ п/ п	Виды учебной работы	Объем дисциплины		Распределение объема дисциплины по семестрам (час.)
		Всего часов	В т.ч. контактная работа (час.)*	
1.	<b>Аудиторные занятия</b>	<b>4</b>	<b>4</b>	<b>4</b>
2.	Лекции	4	4	4
3.	Практические занятия	0	0	0
4.	<b>Самостоятельная работа аспирантов, включая все виды текущей аттестации</b>	<b>104</b>		<b>104</b>
5.	<b>Промежуточная аттестация</b>	Экзамен	<b>1</b>	Экзамен, 18
6.	<b>Общий объем по учебному плану, час.</b>	<b>108</b>	<b>5</b>	<b>108</b>
7.	<b>Общий объем по учебному плану, з.е.</b>	<b>3</b>		<b>3</b>

## 2. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Код раздела, темы	Раздел, тема дисциплины*	Содержание
1	<b>Понятие модели вычислений. Основные модели вычислителей, алгоритмы на них, отношение их друг к другу и особенности оценки потребляемых ресурсов.</b>  <i>Лекции 2 часа; самостоятельная работа аспиранта, 23 часа.</i>	Модель вычислителя. Вариации машин Тьюринга. Машина с памятью с произвольным доступом и её варианты. Вычислители с внешней памятью и кешем; алгоритмы на таких вычислителях, В-дерево. Параллельные и распределённые алгоритмы и соответствующие модели. Вариации параллельной RAM модели с различным совместным доступом к памяти. Цифровые схемы и схемная сложность. Асимптотическая оценка потребляемых алгоритмом ресурсов, таких как память, время, процессоры, оборудование, доступ к внешней памяти/кешу, и т.п. Эквивалентность по Тьюрингу моделей. Полиномиальная сводимость и несводимость моделей друг к другу.
2	<b>Методы оценки времени работы алгоритмов в различных моделях.</b>	Особенности оценки потребления памяти в различных моделях. Понятие времени работы и выполненной работы в параллельных и распределённых алгоритмах.

	<b>Вероятностные алгоритмы.</b> <i>Лекции 1 час; самостоятельная работа аспиранта, 20 часов.</i>	Теорема Брента. Вероятностные алгоритмы. Методы оценки ожидаемого времени выполнения на примерах. Понятие гарантий времени работы с высокой вероятностью и отличие этого понятия от ожидаемого времени работы; пример быстрой сортировки, хеш таблиц и порядковой статистики. Время работы алгоритмов с кешем; В-дерево. Применение этих алгоритмов к внешней памяти. Понятие нижних границ времени выполнения алгоритма. Пример нижней границы на сортировку в модели RAM, на задачу транспортирования в машине Тьюринга (только формулировка), задачу подсчёта чётности в схемах и параллельных и распределённых алгоритмах (только формулировка). Понятие нижней границы на потребляемую память.
3	<b>Классы сложности алгоритмов, их отношение друг к другу. Классы для параллельных алгоритмов. Вопросы классификации задач в Р. Частичное решение некоторых трудных задач параметризованными алгоритмами и вероятностными методами.</b> <i>Лекции 1 час; самостоятельная работа аспиранта, 27 часов.</i>	Классические классы сложности P, NP, co-NP, PSPACE, EXPTIME и их отношения друг к другу, известные в настоящее время. Вариации определения класса NP и их эквивалентность. Теорема Кука-Левина. Некоторые примеры NP-полных задач. Полиномиальная иерархия. Классы сложности параллельных алгоритмов AC, NC, LSPACE, NL и их отношения друг к другу. Примеры. Понятие P-полных задач и примеры. Вероятностные алгоритмы и класс BPP. Известные отношения BPP к P и некоторым другим классам. Более тонкий анализ класса P в рамках модели с произвольным доступом: экспоненциальная гипотеза (EH) и сильная экспоненциальная гипотеза (SEH) и доказательство, в рамках принятия этих гипотез, условных полиномиальных нижних границ на время решения некоторых задач путём сводимости к ним 3SAT, 3SUM и других задач. Вероятностные методы решения трудных задач на примерах. Параметризованные алгоритмы решения трудных задач. Классы W[n] и сводимость к ним для доказательства предполагаемой трудности параметризованного решения.
4	<b>Методы разработки и анализа алгоритмов в машине с произвольным доступом. Жадная стратегия, разделяй и властвуй, динамическое программирование. Алгоритмы на графах. Структуры данных. Вероятностные алгоритмы.</b> <i>Лекции 1 час; самостоятельная работа аспиранта, 16 часов.</i>	Жадная стратегия построения алгоритмов и примеры её применения. Метод динамического программирования и примеры его приложений. Псевдополиномиальные задачи – другой взгляд на параметризованные алгоритмы. Метод разделяй-и-властвуй для построения алгоритмов и некоторые его нетривиальные приложения. Базовые алгоритмы на графах: варианты представления графа, обходы, поиски кратчайших путей во взвешенном графе алгоритмами Дейкстры, A*, Форда-Беллмана, Флойда. Потоки в графах и задачи на них. Паросочетания в контексте задачи о потоках. Понятие структуры данных. Амортизационный анализ времени работы структуры данных; метод бухгалтерского учёта. Динамические массивы и сбалансированные деревья. Словари и способы их реализации сбалансированными

		деревьями и хеш таблицами. Особенности хеш таблиц и подбора хешей с гарантиями выполнения. Идеальное хеширование. Хеширование с гарантиями с высокой вероятностью. Системы непересекающихся множеств.
--	--	---

### **3. ОРГАНИЗАЦИЯ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ, САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

#### **3.1. Практические занятия**

не предусмотрено

#### **3.2. Примерная тематика самостоятельной работы**

##### **3.2.1. Примерный перечень тем рефератов (эссе, творческих работ)**

не предусмотрено

##### **3.2.2. Примерная тематика индивидуальных или групповых проектов**

не предусмотрено

### **4. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

#### **4.1. КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫХ МЕРОПРИЯТИЙ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

Применяются утвержденные на кафедре критерии оценивания достижений аспирантов по каждому контрольно-оценочному мероприятию. Система критериев оценивания опирается на три уровня освоения компонентов компетенций: пороговый, повышенный, высокий.

Компоненты компетенций	Признаки уровня освоения компонентов компетенций		
	пороговый	повышенный	высокий
<b>Знания</b>	Аспирант демонстрирует знание-знакомство, знание-копию: узнает объекты, явления и понятия, находит в них различия, проявляет знание источников получения информации, может осуществлять самостоятельно репродуктивные действия над знаниями путем самостоятельного воспроизведения и применения информации.	Аспирант демонстрирует аналитические знания: уверенно воспроизводит и понимает полученные знания, относит их к той или иной классификационной группе, самостоятельно систематизирует их, устанавливает взаимосвязи между ними, продуктивно применяет в знакомых ситуациях.	Аспирант может самостоятельно извлекать новые знания из окружающего мира, творчески их использовать для принятия решений в новых и нестандартных ситуациях.
<b>Умения</b>	Аспирант умеет корректно выполнять предписанные действия по инструкции, алгоритму в известной ситуации, самостоятельно	Аспирант умеет самостоятельно выполнять действия (приемы, операции) по решению нестандартных	Аспирант умеет самостоятельно выполнять действия, связанные с решением исследовательских

	выполняет действия по решению типовых задач, требующих выбора из числа известных методов, в предсказуемо изменяющейся ситуации	задач, требующих выбора на основе комбинации известных методов, в непредсказуемо изменяющейся ситуации	задач, демонстрирует творческое использование умений (технологий)
<b>Личностные качества</b>	Аспирант имеет низкую мотивацию учебной деятельности, проявляет безразличное, безответственное отношение к учебе, порученному делу	Аспирант имеет выраженную мотивацию учебной деятельности, демонстрирует позитивное отношение к обучению и будущей трудовой деятельности, проявляет активность.	Аспирант имеет развитую мотивацию учебной и трудовой деятельности, проявляет настойчивость и увлеченность, трудолюбие, самостоятельность, творческий подход.

## **4.2. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ**

### **4.2.1. Перечень примерных вопросов для зачета**

не предусмотрено

### **4.2.2. Перечень примерных вопросов для экзамена**

1. Модель вычислителя. Вариации машин Тьюринга. Машина с памятью с произвольным доступом и её варианты.
2. Вычислители с внешней памятью и кешем; алгоритмы на таких вычислителях, В-дерево.
3. Параллельные и распределённые алгоритмы и соответствующие модели. Вариации параллельной RAM модели с различным совместным доступом к памяти.
4. Цифровые схемы и схемная сложность.
5. Асимптотическая оценка потребляемых алгоритмом ресурсов, таких как память, время, процессоры, оборудование, доступ к внешней памяти/кешу, и т.п.
6. Эквивалентность по Тьюрингу моделей. Полиномиальная сводимость и несводимость моделей друг к другу.
7. Понятие времени работы и выполненной работы в параллельных и распределённых алгоритмах. Теорема Брента.
8. Вероятностные алгоритмы. Методы оценки ожидаемого времени выполнения.
9. Время работы алгоритмов с кешем; В-дерево. Применение этих алгоритмов к внешней памяти. Понятие нижних границ времени выполнения алгоритма. Понятие нижней границы на потребляемую память
10. Классические классы сложности P, NP, co-NP, PSPACE, EXPTIME и их отношения друг к другу, известные в настоящее время. Вариации определения класса NP и их эквивалентность.
11. Теорема Кука Левина. Примеры NP-полных задач.
12. Полиномиальная иерархия.
13. Классы сложности параллельных алгоритмов AC, NC, LSPACE, NL и их отношения друг к другу.
14. Вероятностные алгоритмы и класс BPP. Отношения BPP к P и некоторым другим классам.
15. Анализ класса P в рамках модели с произвольным доступом: экспоненциальная гипотеза и сильная экспоненциальная гипотеза и доказательство условных полиномиальных нижних границ

на время решения некоторых задач путём сводимости к ним 3SAT, 3SUM и других задач.

16. Вероятностные методы решения трудных задач.
17. Параметризованные алгоритмы решения трудных задач. Классы W[n] и сводимость к ним.
18. Жадная стратегия построения алгоритмов и примеры её применения.
19. Метод динамического программирования и примеры его приложений.
20. Псевдополиномиальные задачи.
21. Метод разделяй-и-властвуй для построения алгоритмов.
22. Основные алгоритмы на графах: варианты представления графа, обходы, поиски кратчайших путей во взвешенном графе алгоритмами Дейкстры, A\*, Форда-Беллмана, Флойда.
23. Потоки в графах и задачи на них. Паросочетания в контексте задачи о потоках.
24. Понятие структуры данных. Амортизационный анализ времени работы структуры данных; метод бухгалтерского учёта.
25. Динамические массивы и сбалансированные деревья.
26. Словари и способы их реализации сбалансированными деревьями и хеш таблицами.
27. Особенности хеш таблиц и подбора хешей с гарантиями выполнения. Идеальное хеширование. Хеширование с гарантиями с высокой вероятностью. Системы непересекающихся множеств

## **5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1. Рекомендуемая литература**

#### **5.1.1. Основная литература**

1. Р. Грэхем, Д. Кнут, О. Паташник. Конкретная математика. Основания информатики. СПб.: Вильямс, 2016.
  2. С. Дасгупта, Х. Пападимитриу, У. Вазирани. Алгоритмы. М.: МЦНМО, 2014.
  3. Т.Х. Кормен, Ч.И. Лейзерсон, Р.Л. Ривест, К. Штайн. Алгоритмы. Построение и анализ. СПб.: Вильямс, 2014.
- 

#### **5.1.2. Дополнительная литература**

1. М. О. Асанов, В. А. Баранский, В. В. Расин. Дискретная математика. Графы, матроиды, алгоритмы : учеб. пособие [для вузов]. СПб : Лань, 2010.
2. Н.К Верещагин., А. Шень. Лекции по математической логике и теории алгоритмов. М.: МЦНМО, 2000.
3. J. Kleinberg, E. Tardos. Algorithm design. NY: Pearson, 2006.
4. R. Motwani, P. Raghavan. Randomized Algorithms. NY: Cambridge University Press, 1995.
5. V. V. Vazirani, Approximation Algorithms. Berlin: Springer, 2003.
6. U. Wieder. Hashing, Load Balancing, and Multiple Choice. Boston: Now Publishers, 2017.
7. D. P. Williamson, D. B. Shmoys, The Design of Approximation Algorithms. NY: Cambridge University Press, 2011.

### **5.2. Методические разработки**

Не используются

### **5.3. Программное обеспечение**

1. Офисный пакет LibreOffice;
2. ABBYY FineReader;

3. Пакет программ для научных исследований MATCAD;
4. Пакет программ для научных исследований MATLAB и Simulink;
5. Пакет программ для научных исследований WOLFRAM Mathematica;
6. Программа для управления библиографической информацией Mendeley;
7. Программа GIMP для редактирования растровых изображений;
8. JuptyerLab - среда интерактивных вычислений и визуализации на языках программирования общего назначения (Python) и специализированных (R, Juila).

#### **5.4. Базы данных, информационно-справочные и поисковые системы**

1. Академия Гугл <https://scholar.google.ru/schhp?hl=ru>
2. Научно-информационный портал ResearchGate <https://www.researchgate.net>
3. Поисковая интернет-платформа публикаций Semantic Scholar <https://www.semanticscholar.org>
4. Поисковая система EBSCO Discovery Service <http://lib.urfu.ru/course/view.php?id=141>;
5. Федеральный институт промышленной собственности <http://www1.fips.ru>;
6. Российская электронная научная библиотека. <http://www.elibrary.ru>

#### **5.5. Электронные образовательные ресурсы**

1. Каталоги библиотеки УрФУ <http://lib.urfu.ru/course/view.php?id=76>;
2. Электронный каталог <http://opac.urfu.ru>;
3. Электронно-библиотечные системы <http://lib.urfu.ru/mod/resource/view.php?id=2330>;
4. Электронные ресурсы свободного доступа <http://lib.urfu.ru/course/view.php?id=75>;
5. Электронные ресурсы по подписке <http://lib.urfu.ru/mod/data/view.php?id=1379>.

### **6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **Сведения об оснащенности дисциплины специализированным и лабораторным оборудованием**

Уральский федеральный университет имеет специальные помещения для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы и помещения для хранения и профилактического обслуживания оборудования. Специальные помещения укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления информации большой аудитории.

Уральский федеральный университет имеет материально-техническое обеспечение, необходимое для реализации программы аспирантуры, обеспечения дисциплин (модулей), научно-исследовательской работы и практик, в соответствии с требованиями к материально-техническому и учебно-методическому обеспечению направленности программы.